



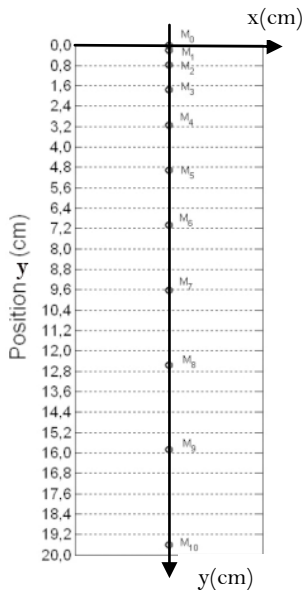
CORRECTION

Exercice du cours « Mouvement d'un système »

Etude enregistrement chute libre sans vitesse initiale

I- Vers la seconde loi de Newton !

1- Déterminer le vecteur variation vitesse $\Delta \vec{V}$ dans le cas d'une chute libre sans vitesse initiale ?



	x(cm)	y(cm)
M_0	0	0
M_1	0	0,2
M_2	0	0,8
M_3	0	1,8
M_4	0	3,1
M_5	0	4,9
M_6	0	7,1
M_7	0	9,3
M_8	0	12,6
M_9	0	15,9
M_{10}	0	19,6

On étudie la chute libre d'une balle de masse $m_b = 40g$ lâchée sans vitesse initiale et évoluant dans le champ de pesanteur considéré comme uniforme. L'intensité de pesanteur est $g = 9,81$ N/kg.

Pour cela, on dispose verticalement une règle afin de nous servir de repère.

Le mouvement de la balle est enregistré par une webcam réglée pour prendre 50 images par seconde.

Donc la durée entre 2 images est

$\Delta t = \frac{1}{50}$ *Erreur avec le 1er groupe*
 $50 \text{ images/s} \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{50} = 0,020 \text{ s}$

On souhaite calculer l'intervalle de la variation des vecteurs vitesse $\Delta \vec{v}$ en Π_2 et Π_6

① Calcul des vecteurs vitesses $v_1; v_3$ et $v_5; v_7$

Remarque : ce mouvement étant rectiligne

$$\Pi_0 \Pi_1 + \Pi_1 \Pi_2 = \Pi_0 \Pi_2$$

$$v_1 = \frac{\Pi_0 \Pi_2}{2 \Delta t} = \frac{y_2 - y_0}{2 \times \Delta t}$$

$$= \frac{(0,8 - 0,0) \cdot 10^{-2}}{2 \times 0,020} = 0,20 \text{ m/s}$$

$$v_3 = \frac{\Pi_2 \Pi_4}{2 \Delta t} = \frac{y_4 - y_2}{2 \times \Delta t}$$

$$= \frac{(3,1 - 0,8) \cdot 10^{-2}}{2 \times 0,020} = 0,58 \text{ m/s}$$

$$v_5 = \frac{\Pi_4 \Pi_6}{2 \Delta t} = \frac{y_6 - y_4}{2 \times \Delta t}$$

$$= \frac{(7,1 - 3,1) \cdot 10^{-2}}{2 \times 0,020} = 1,0 \text{ m/s}$$

$$v_7 = \frac{\Pi_6 \Pi_8}{2 \Delta t} = \frac{y_8 - y_6}{2 \times \Delta t}$$

$$= \frac{(12,6 - 7,1) \cdot 10^{-2}}{2 \times 0,020} = 1,4 \text{ m/s}$$

- ② Définir l'échelle des vitesses $\left\{ \begin{array}{l} 0,50 \text{ m/s} \leftrightarrow 1 \text{ cm} \\ v_1 \leftrightarrow l_{v_1} \end{array} \right.$
- ③ Calculs des longueurs des vitesses

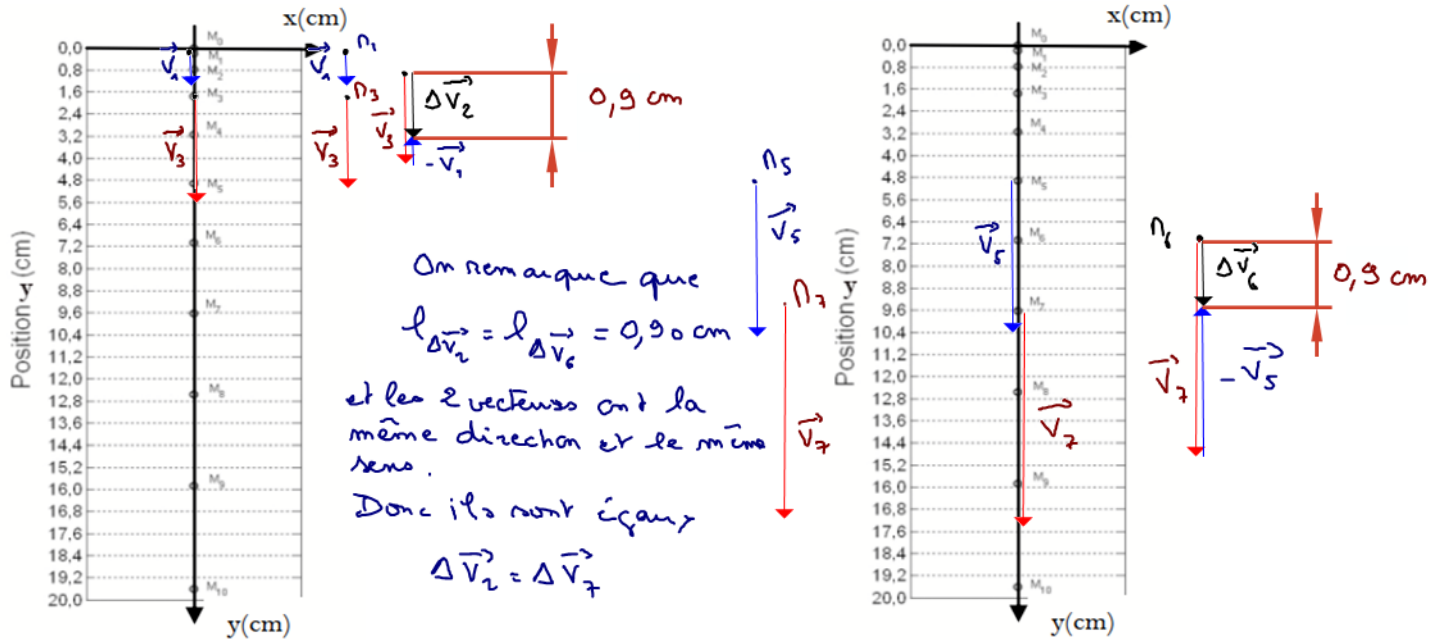
$$l_{v_1} = \frac{0,20 \times 1}{0,5} = 0,4 \text{ cm}$$

$$l_{v_3} = \frac{0,58 \times 1}{0,5} = 1,2 \text{ cm}$$

$$l_{v_5} = \frac{1,0 \times 1}{0,5} = 2,0 \text{ cm}$$

$$l_{v_7} = \frac{1,4 \times 1}{0,5} = 2,8 \text{ cm}$$

④ Tracés des vecteurs



⑤ Recherche des valeurs ΔV_6 et ΔV_7

1^{ère} Méthode :

En utilisant l'échelle des vitesses

$$\begin{cases} 0,5 \text{ m/s} \leftrightarrow 1,0 \text{ cm} \\ \Delta V_2 \leftrightarrow l_{\Delta \vec{V}_2} \end{cases}$$

$$\Delta V_2 = \Delta V_6 = \frac{0,5 \times 0,90}{1,0} = 0,40 \text{ m/s}$$

2^{ème} Méthode :

des vecteurs \vec{V}_1 et \vec{V}_3 sont colinéaires

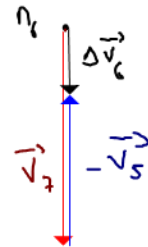
$$\Delta \vec{V}_6 = \vec{V}_7 - \vec{V}_5$$

Pourquoi les vecteurs \vec{V} et \vec{V} sont colinéaires

alors

$$\Delta V_6 = V_7 - V_5 = 1,4 - 1,0$$

$$= 0,40 \text{ m/s} \hat{=} V_3 - V_1$$



Conclusion :

Le vecteur $\Delta \vec{V}$ est un vecteur constant $\Delta V_2 = 0,40 \text{ m/s}$ de direction verticale et de sens vers le bas.

⑥ Vérifions la seconde loi de Newton

• système : {balle}

• référentiel : Terre

• Bilan des forces :

Il n'y a que le poids :

La balle est dite en chute libre

$$\begin{aligned} \sum \vec{F}_{\text{ext}} &= \vec{P} = m \vec{g} \\ \Rightarrow P = mg &= 40 \cdot 10^{-3} \times 9,81 \\ &= 0,40 \text{ N} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} m \frac{\Delta V}{\Delta t} &= 40 \cdot 10^{-3} \times \frac{0,40}{2 \times 0,020} \\ &= 0,40 \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2} \\ &\text{ou N} \end{aligned}$$

Conclusion

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = \vec{P} = m \frac{\Delta \vec{V}}{\Delta t} \quad \text{la 2^e loi est vérifiée}$$