

**COURS 18** 

### « Mécanique des fluides »

### Les compétences à acquérir.

- Expliquer qualitativement l'origine de la poussée d'Archimède.
- Utiliser l'expression vectorielle de la poussée d'Archimède.
- Mettre en œuvre un dispositif permettant de tester ou d'exploiter l'expression de la poussée d'Archimède
- Exploiter la conservation du débit volumique pour déterminer la vitesse d'un fluide incompressible.
- Exploiter la relation de Bernoulli, celle-ci étant fournie, pour étudier qualitativement puis quantitativement l'écoulement d'un fluide incompressible en régime permanent.



### I- Hydrostatique des fluides : Rappels de 1ère

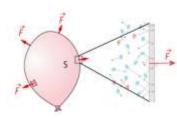
#### 1- Qu'est ce qu'un fluide au repos?



Un fluide est soit un liquide.. soit gaz .Il n'a pas de forme. pope. mais prend la forme du récipient qu'il le can hien....

Un fluide est dit au repos si, d'un point de vue macroscopique, celui-ci ne bouck pas.

### **2-** Force pressant F:



Un fluide (liquide ou gaz), sous l'action des chocs des entités, appuie sur les parois du récipient qui le contient. Cette action est modélisée par une force, .....

Cette force est toujours penpendiculous la paroi et dirigée vers

La force pressante peut être représentée par un vecteur dont la norme, c'està-dire son intensité peut être calculée par la relation :

P: la pression en ... Por cal ..... S: La surface en ......

P = 1 atm (atmosphère) = 1 bar = .4.913... hPa = ..4.9.3... Pa Remarques:

### 3- Enoncé de la loi de Boyle - Mariotte

A température constante, le volume V occupé par un nombre donné de molécules d'un gaz est inversement proportionnel à la pression P de ce gaz.

Le produit de la pression P du gaz par le volume V qu'il occupe est constant :

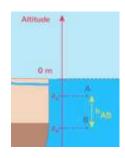
la pression P en ... Pas.cal.

V : le volume du récipient ........

K : Constante de l'expérience, non universelle.

### <u>4- Loi fondamentale de la statique des fluid</u>es :

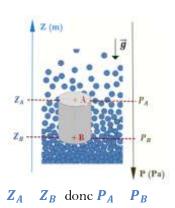
Un liquide est un fluide incompressible. Dans un liquide, la pression P à une profondeur h suit la loi fondamentale de la statique des fluides :



- P<sub>A</sub> et P<sub>B</sub> sont les pressions au points A et B exprimées en
- $\rho_{fluide}$  est la masse volumique du fluide exprimée en kg/m³
- $h_{AB}$  est la différence de hauteur entre les points A et B - g vecteur champ de pesanteur de valeur g = 9.81 N/kg

## II- La pousée d'archimède $\vec{\pi}$ ou $\vec{A}$

## 1- Origine de la poussée d'Archimède



Le champ de pesanteur  $\vec{q}$  sur terre permet d'expliquer les variations de pression en fonction de l'altitude z Plus z diminue et plus il y a de molécules (gravité) entraînant une augmentation des chocs des molécules sur une paroi. Les **forces pressantes** sont plus élevées quand l'altitude z diminue donc la pression augmente :

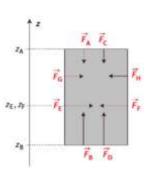
$$F = P \times S$$

### Bilan des forces sur un objet (cylindre):

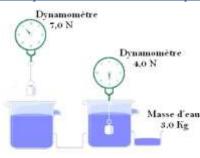
- Les forces lattérales se . Com pensen ....
- Les forces pressantes en bas sont plus . for.... que les forces pressantes en haut.

La résultante de ces forces est donc une force . U.C. h. cale. et dirigée vers le haux

C'est la pouvoie d'Azchimède.. notée TT ou A



## 2- Expression vectorielle de la poussée d'Archimède:



Un objet est suspendu à un dynamomètre.

La force mesurée correspond .... de l'objet : 7,0 N

Cet objet est immergé dans de l'eau de masse volumique  $\rho_{eau}=1,00~kg/L$ Lors de l'immersion le volume d'eau V<sub>eau</sub> réccupéré correspond au volume de l'objet V<sub>objet</sub>

Quelle est l'intensité de la poussée d'Archimède exercée sur l'objet ? TI = 7,0-4,0 Quelle est l'intensité du poids de l'eau déplacée ?

Peau = Maar xg = 3,0 x 10 = 3,0 N

Conclure: Le pordo de l'eau déplacée Peau ent éçale à la pournée d'A.

Tout corps solide immergé, tout ou en partie, dans un fluide, subit de la part de ce fluide une force verticale, dirigée 

$$\pi = A = M_{\text{guide}} \times 2$$

c'est-à-dire 
$$\pi = A = 9$$
 pluide ×  $\sqrt{\frac{1}{2}}$  depluide x  $\sqrt{\frac{1}{2}}$ 

# Fluide incompressible : Fluide dont la masse volumique est constante et ne dépend pas de la pression\*



Une montgolfière est en l'air

$$V_{mg} = 3500 \ m^3, m_{mg} = 400 \ kg$$
  
 $\rho_{air}(25^{\circ}C) = 1,225 \ kg/m^3;$   
 $\rho_{air}(60^{\circ}C) = 1,060 \ kg/m^3$ 

Est-elle sur le point de monter ou descendre?

#### II- Ecoulement d'un fluide incompressible

### 1- Régime permanent d'écoulement d'un fluide

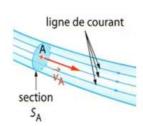
On dit qu'un écoulement est en régime permanent ou stationnaire lorsqu'en chaque point la vitesse du fluide ne varie pas avec le temps.

Au point A, la vitesse du fluide est telle que  $\vec{V}_A(t) = Contact \dots$ 

donc 
$$V_A(t) = constante$$

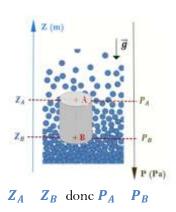
Une **ligne de courant** est la ............................... d'une particule de fluide au cours d'un écoulement permanent et stationnaire.

<u>2- Débit volumique  $D_{V:}$ </u>



## <u>II- La pousée d'archimède $\vec{\pi}$ ou A</u>

## 1- Origine de la poussée d'Archimède



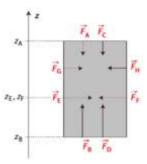
Le champ de pesanteur  $\vec{q}$  sur terre permet d'expliquer les variations de pression en fonction de l'altitude z Plus z diminue et plus il y a de molécules (gravité) entraînant une augmentation des chocs des molécules sur une paroi. Les **forces pressantes** sont plus élevées quand l'altitude z diminue donc la pression augmente :

$$F = P \times S$$

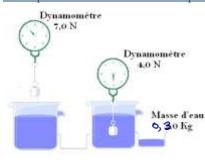
### Bilan des forces sur un objet (cylindre):

- Les forces lattérales se . C. ompensen Y...
- Les forces pressantes en bas sont plus . . . . . . . que les forces pressantes en haut.

La résultante de ces forces est donc une force ... uch li cale. et dirigée vers le .haux....: C'est la pouvee d'Azchimede .. notée Tou .A



### 2- Expression vectorielle de la poussée d'Archimède:



Un objet est suspendu à un dynamomètre.

La force mesurée correspond .... de l'objet : 7,0 N

Cet objet est immergé dans de l'eau de masse volumique  $\rho_{eau} = 1,00 \ kg/L$ Lors de l'immersion le volume d'eau V<sub>eau</sub> réccupéré correspond au volume de l'objet V<sub>objet</sub>

Quelle est l'intensité de la poussée d'Archimède exercée sur l'objet ? TI = 7,0-4,0 Quelle est l'intensité du poids de l'eau déplacée ?

Peau = Mean xg = 0,30 x 10 = 3,0N

Conclure: Le pordo de l'eau déplacée Peau est éçale à la pournée d'A.

Tout corps solide immergé, tout ou en partie, dans un fluide, subit de la part de ce fluide une force verticale, dirigée vers le haut de valeur égale au poids du volume de fluide déplacé : c'est la . P. Oussée . d. Az chimede. . . . . .

$$\pi = A = \text{IM}_{\text{guide}} \times \text{Q}$$
 c'est

# \*Fluide incompressible : Fluide dont la masse volumique est constante et ne dépend pas de la pression



Une montgolfière est en l'air

$$\begin{split} V_{mg} &= 3500 \ m^3, m_{mg} = 400 \ kg \\ \rho_{air}(25^{\circ}C) &= 1{,}225 \ kg/m^3 \ ; \\ \rho_{air}(60^{\circ}C) &= 1{,}060 \ kg/m^3 \end{split}$$

Est-elle sur le point de monter ou descendre?

#### II- Ecoulement d'un fluide incompressible

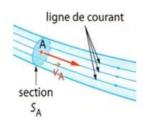
### 1- Régime permanent d'écoulement d'un fluide

On dit qu'un écoulement est en régime permanent ou stationnaire lorsqu'en chaque point la vitesse du fluide ne varie pas avec le temps.

Au point A, la vitesse du fluide est telle que  $\vec{V}_A(t) = \vec{V}_A(t)$ ...

donc  $V_A(t) = constante$ 

cours d'un écoulement permanent et stationnaire.



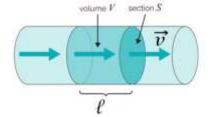
### 2- Débit volumique D<sub>V</sub>:

Pour décrire l'écoulement d'un fluide incompréssible en régime permanent, il est possible, en autres, de définir le débit volumique noté le plus souvent  $D_V$ 

#### a- Définition :

Le débit volumique  $D_V$  est définit comme étant le volume V de fluide traversant une section S animerd'une vitesse v par unité de temps

Soit 
$$D_V = \sqrt{\frac{m}{\Delta r}}$$



#### <u>Autre expression du débit volumique :</u>

Expression du volume V

$$V = S \times \mathcal{L}$$

$$\operatorname{donc} D_V = \frac{S \times \mathcal{L}}{\Delta Y} = S \times V$$

# b- Conservation du débit volumique :

En régime permant, il y a conservation du débit volumique  $D_V =$ 

Exprimons le débit volumique au point A et au point B

$$D_V(A) = S_A \times V_A$$

$$D_V(B) = S_B \times \sigma_B$$

Si la section  $S_B$  et telle que  $S_B = \frac{S_A}{2}$  alors  $S_A \times U_A = S_A \times U_B$ 

Le débit volumique s'écrit aussi :

DV = V = SxU M/S

at at+at

done 
$$D_V(A) = D_V(B)$$
  
=>  $S_{A} \times V_{A} = S_{B} \times V_{B}$ 

Si 
$$S_B < S_A$$
 alors  $V_B \rangle V_A$ 

Pour un écoulement permanent stationnaire d'un fluide incompressible, si la section S d'une canalisation diminue, pour un débit volumique  $D_V$  constant, la vitesse v du fluide ......

Remarque: Lorsque vous arrosez avec un tuyau vous appuyez . Au. l'exhémité... La rujace. S. diminue... donc. la vitese de l'eau augmente... Vous arrosez plus l'air

#### 3- Relation de Bernouilli et effet Venturi

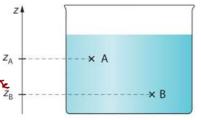
a- Lorsqu'un fluide n'est pas en mouvement : Hydrostatique

On peut écrire que

$$\Delta P = P_B - P_A = \rho_{fluide} \times g \times (z_A - z_B)$$

Transformons un peu cette équation :

=> PB + 9 phide × 3×30= PA + 9 phide × 9 × 3A = constante



Il semblerait qu'il y a une con servation ...: .d. en ençis !

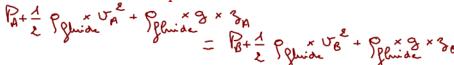
### b-Le fluide incompressible est maintenant en mouvement : Régime permanent

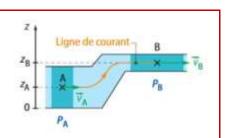
Il « suffit » d'ajouter un terme 2 " traduisant une énergien e hique.....

 $P + \frac{1}{2} \cdot 9 \times b^2 + \rho_{fluide} \times g \times z = constante$ 

#### Relation de Bernouilli:

La **relation de Bernoulli relie** en toute position appartenant à une même ligne de courant, (points A et B), d'un fluide incompressible en mouvement permanent, la **pression P**, la **valeur**  $\boldsymbol{v}$  de la vitesse et la coordonnée verticale **z** de la **position**.

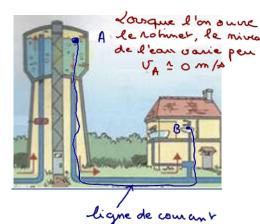




#### Exercice:

La surface d'une eau potable contenue dans un château d'eau, située à une hauteur  $z_1 = 490 \, m$ , est au contact de l'air à pression atmosphérique  $P_{atm} = 1,013.10^5 Pa$ . Des canalisations conduisent l'eau vers un robinet ouvert tel que  $z_0 = 440 m$ 

Déterminer la valeur de la vitesse  $v_0$  de l'eau à la sortie du robinet.



Remarque: Si le fluide est immobile alors V<sub>b</sub> = 0 V<sub>b</sub> = 0 m/A

### b- Cas particulier : l'effet Venturi

Considérons la ligne de courant passant par les points A, B et C

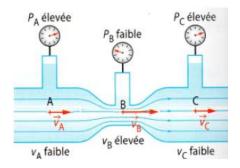
$$Z_A = Z_B = Z_C$$

Ecrivons la relation de Bernouilli sur cette ligne de courant entre les

$$P_{A} + \frac{1}{2} g \sigma_{A}^{2} + g \sigma_{A}^{2} = P_{A} + \frac{1}{2} g \sigma_{A}^{2} + g \sigma_{A}^{2}$$

$$= P_{A} - P_{A} = \frac{1}{2} g \left( \sigma_{A}^{2} - \sigma_{A}^{2} \right)$$
Le fluide est toujours incompressible et en régime permanent. Il y a

donc conservation du débit volumique



$$D_{V} = S_{A} \times U_{A} = S_{0} \times U_{0} = \sum_{S_{A}} S_{A} = \frac{U_{0}}{U_{A}} \text{ or } S_{A} > S_{B} = \sum_{S_{B}} S_{A} > A$$

$$= \sum_{S_{B}} U_{A} > A = \sum_{S_{B}} U_{C} > V_{A}$$

$$= \sum_{S_{B}} U_{C} > A = \sum_{S_{B}} U_{C} > V_{C} > V_{C}$$

$$= \sum_{S_{B}} V_{C} > A = \sum_{S_{B}} U_{C} > V_{C} > V_{C}$$

$$= \sum_{S_{B}} V_{C} > A = \sum_{S_{B}} V_{C} > V_{C} > V_{C} > V_{C}$$

$$= \sum_{S_{B}} V_{C} > A > V_{C} > V_{C$$

Le long d'un écoulement horizontal et permanent d'un fluide incompressible et parfait, la vitesse du fluide 

#### C'est l'effet Venturi

#### **Applications:**

- Lorsque vous passez sous le porche près de la cafétéria, par période de vent, le vent y est très fort.
- Souffler au dessus d'une feuille

